# álgebra l

Armando O. Rojo

Profesor Titular del Departamento de Matemática, Facultad de Ingeniería, Universidad de Buenos Aires

12ª edición



Capítulo 1	I. NOCIONES DE LOGICA	1
	1. 2. Proposiciones	1
	1. 3. Notaciones y conectivos	2
	1. 4. Operaciones proposicionales	2 2 7
	1. 5. Condiciones necesarias y suficientes	7
	1. 6. Leyes lógicas	8
	1. 7. Implicaciones asociadas	11
	1. 8. Negación de una implicación	12
	1. 9. Razonamiento deductivo válido	13
	1.10. Funciones proposicionales	14
	1.11. Circuitos lógicos	18
	Trabajo Práctico I	22
Capítulo 2. CONJUNTOS		25
	2. 2. Determinación de conjuntos	25
	2. 3. Inclusión	30
	2. 4. Conjunto de partes	34
	2. 5. Complementación	36
	2. 6. Intersección	38
	2. 7. Unión	42
	2. 8. Leyes distributivas	45
	2. 9. Leyes de De Morgan	46
	2.10. Diferencia	48
	2.11. Diferencia simétrica	50
	2.12. Producto cartesiano	53
	2.13. Operaciones generalizadas	56
	2.14. Uniones disjuntas	58
	Trabajo Práctico II	60
Capítulo 3. RELACIONES		
	3. 2. Relaciones binarias	64
	3. 3. Representación de relaciones	65

3. 4. Doi	minio, imagen, relación inversa	66
3. 5. Cor	nposición de relaciones	68
3. 6. Rel	aciones en un conjunto y	69
3. 7. Pro	piedades de las relaciones	71
3. 8. Rel	aciones de equivalencia	77
3. 9. Rel	aciones de orden	90
Trabajo P	ráctico III	98
*		
Capítulo 4. FUNCIO	NES	102
4. 2. Rel	aciones funcionales	102
4. 3. Rep	presentación de funciones	105
4. 4. Clas	sificación de funciones	110
4. 5. Fur	nciones especiales	114
4. 6. Cor	nposición de funciones	117
4. 7. Fur	nciones inversas	121
4. 8. Imá	igenes de subconjuntos del dominio	128
4. 9. Pre	imágenes de partes del codominio	131
4.10. Res	tricción y extensión de una función	137
Trabajo P	ráctico IV	138
Capítulo 5. LEYES 1	DE COMPOSICION	142
5. 2. Ley	es de composición interna	142
5. 3. Pro	piedades y elementos distinguidos	144
5. 4. Ho	momorfismos	151
	npatibilidad de una relación de equivalencia	
	erna	154
	de composición externa	158 160
Trabajo P	ráctico V	160
	NABILIDAD. INDUCCION	
COMPLE	ETA. COMBINATORIA	162
6. 2. Co	njuntos coordinables o equipotentes	162
	njuntos finitos y numerables	164
	lucción completa	167
	símbolo de sumatoria	170
6. 6. La	función factorial	176
-6. 7. Nú	meros combinatorios	177
6. 8. Por	tencia de un binomio	179
6. 9. Fu	nciones entre intervalos naturales	186
	mbinatoria simple y con repetición	197
	Práctico VI	204

Capítulo 7. SISTEMAS AXIOMATICOS	208
7. 2. Sistemas axiomáticos	208
7. 3. Algebra de Boole	210
7. 4. Sistema axiomático de Peano	212
7. 5. Estructura de monoide	219
7. 6. Estructura de semigrupo	220
Trabajo Práctico VII	223
Capítulo 8. ESTRUCTURA DE GRUPO	225
8. 2. El concepto de grupo	225
8. 3. Propiedades de los grupos	228
8. 4. Subgrupos	231
8. 5. Operaciones con subgrupos	235
8. 6. Homomorfismos de grupos	237
8. 7. Núcleo e imagen de un morfismo de grupos	240
8. 8. Relación de equivalencia compatible	247
8. 9. Subgrupos distinguidos	248
8.10. Subgrupos normales o invariantes	252
8.11. Grupo cociente asociado a un subgrupo	254
8.12. Grupos cíclicos	257
8.13. Traslaciones de un grupo	258
8.14. Grupos finitos	259
Trabajo Práctico VIII	261
Capítulo 9. ESTRUCTURAS DE ANILLO	
Y DE CUERPO.	
ENTEROS Y RACIONALES	264
9. 2. Estructura de anillo	264
9. 3. Propiedades de los anillos	266
9. 4. Anillo sin divisores de cero	267
9. 5. Dominio de integridad	272
9. 6. Subanillos e ideales	272
9. 7. Factorización en un anillo	274
9. 8. Anillo ordenado	276
9. 9. Estructura de cuerpo	278
9.10. Dominio de integridad de los enteros	280
9.11. Isomorfismo de los enteros positivos con N	284
9.12. Propiedades del valor absoluto	285
9.13. Algoritmo de la división entera	287
9.14. Algoritmo de Euclides	288
9.15. Números primos	290
9.16. El cuerpo de los racionales	293

9.17. Isomorfismo de una parte de Q en Z	298
9.18. Relación de orden en Q	301
9.19. Numerabilidad de Q	301
Trabajo Práctico IX	303
•	
Capítulo 10. NUMEROS REALES	308
10. 2. El número real	308
10. 3. Operaciones en R	315
10. 4. Isomorfismo de una parte de R en Q	321
<ol><li>10. 5. Cuerpo ordenado y completo de los reales</li></ol>	321
10. 6. Cortaduras en <b>Q</b>	321
10. 7. Completitud de R	326
10. 8. Potenciación en R	329
10. 9. Logaritmación en R +	333
10.10. Potencia del conjunto R	335
Trabajo Práctico X	338
Capítulo 11. EL CUERPO DE LOS	
NUMEROS COMPLEJOS	341
11. 2. El número complejo	341
11. 3. Isomorfismo de los complejos reales en los reales	347
11. 4. Forma binómica de un complejo	347
11. 5. La conjugación en C	349
11. 6. Módulo de un complejo	351
11. 7. Raíz cuadrada en C	354
11. 8. Forma polar o trigonométrica	356
11. 9. Operaciones en forma polar	358
11.10. Radicación en C	362
11.11. Forma exponencial en C	366
11.12. Logaritmación en C	367
11.13. Exponencial compleja general	369
11.14. Raíces primitivas de la unidad	370
Trabajo Práctico XI	373
·	
Capítulo 12. POLINOMIOS	378
12. 2. Anillo de polinomios formales de un anillo	378
12. 3. Anillo de polinomios de un cuerpo	383
12. 4. Divisibilidad en el dominio K [X]	384
12. 5. Ideales de K [X]	388
12. 6. Factorización en K [X]	389
12. 7. Especialización de X y raíces de polinomios	396
- I	270

12. 8. Raíces múltiples	399
12. 9. Polinomio derivado y raíces múltiples	400
12.10. Número de raíces de polinomios	401
12.11. Raíces de polinomios reales	403
12.12. Relaciones entre raíces y coeficientes	407
12.13. Fórmula de Taylor y Método de Horner	409
Trabajo Práctico XII	414
BIBLIOGRAFIA	417
RESPUESTAS A LOS TRABAJOS PRACTICOS	419
INDICE	473